

ΤΑΞΗ: Γ΄ ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ
ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΣ: ΘΕΤΙΚΩΝ ΣΠΟΥΔΩΝ
ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ

Ημερομηνία: Τρίτη 5 Ιανουαρίου 2016

Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

- A1. → γ
A2. → δ
A3. → β
A4. → β

- A5. α – ΛΑΘΟΣ
β – ΣΩΣΤΟ
γ – ΛΑΘΟΣ
δ – ΣΩΣΤΟ
ε – ΛΑΘΟΣ

ΘΕΜΑ Β

B1. Σωστή απάντηση η (β)

Η ιδιοσυχνότητα καθενός από τα τρία συστήματα μάζας – ελατηρίου είναι:

$$f_{0(I)} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$f_{0(II)} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{4k}{m}} = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$f_{0(III)} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{2k}{4m}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{2m}}$$

Παρατηρούμε ότι η ιδιοσυχνότητα του συστήματος (II) είναι ίση με τη συχνότητα του διεγέρτη. Συνεπώς το σύστημα (II) θα βρεθεί σε κατάσταση συντονισμού, με αποτέλεσμα να ταλαντώνεται με το μέγιστο δυνατό πλάτος.

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016
Α' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

B2. Σωστή απάντηση η (β)

Όταν ένα σώμα εκτελεί ταυτόχρονα δύο απλές αρμονικές ταλαντώσεις που γίνονται στην ίδια διεύθυνση, γύρω από το ίδιο σημείο ισορροπίας με ίδιο πλάτος και παραπλήσιες συχνότητες f_1, f_2 προκύπτει μια ιδίομορφη ταλάντωση με σταθερή περίοδο και μεταβλητό πλάτος ή αλλιώς λέμε πως η κίνηση παρουσιάζει διακροτήματα.

Ο χρόνος μεταξύ δύο διαδοχικών μηδενισμών του πλάτους είναι η περίοδος του διακροτήματος που υπολογίζεται από τη σχέση:

$$T_\delta = \frac{1}{|f_1 - f_2|} \text{ ενώ για την συχνότητα της ταλάντωσης του σώματος θα ισχύει: } \frac{\omega_T}{2} = \frac{\omega_1 + \omega_2}{2} \text{ ή } 2\pi f_T = \frac{2\pi f_1 + 2\pi f_2}{2} \text{ ή } f_T = \frac{f_1 + f_2}{2} \text{ και επομένως}$$

$$T_T = \frac{2}{f_1 + f_2}.$$

Το πλήθος των ταλαντώσεων που εκτελεί το σώμα στη διάρκεια της περιόδου του διακροτήματος είναι:

$$N = \frac{T_\delta}{T_T} = \frac{\frac{1}{|f_1 - f_2|}}{\frac{2}{f_1 + f_2}} = \frac{f_1 + f_2}{2|f_1 - f_2|} \quad (1)$$

Όταν διπλασιάζουμε τις συχνότητες έχουμε $f'_1 = 2f_1$ και $f'_2 = 2f_2$, οπότε για την νέα ιδίομορφη ταλάντωση θα ισχύουν:

$$T'_\delta = \frac{1}{|f'_1 - f'_2|} = \frac{1}{|2f_1 - 2f_2|} = \frac{1}{2|f_1 - f_2|} \text{ και}$$

$$T'_T = \frac{2}{f'_1 + f'_2} = \frac{2}{2f_1 + 2f_2} = \frac{2}{2(f_1 + f_2)} = \frac{1}{f_1 + f_2}$$

οπότε το πλήθος των ταλαντώσεων που εκτελεί το σώμα στη διάρκεια της νέας περιόδου διακροτήματος θα ισχύει:

$$N' = \frac{T'_\delta}{T'_T} = \frac{\frac{1}{2|f_1 - f_2|}}{\frac{1}{f_1 + f_2}} = \frac{f_1 + f_2}{2|f_1 - f_2|} \quad (2)$$

Από τις σχέσεις (1) και (2) προκύπτει ότι $\frac{N}{N'} = 1$

B3. Σωστή απάντηση η (α)

Αν v_δ η ταχύτητα διάδοσης των κυμάτων, η χρονική καθυστέρηση είναι:

$$\Delta t = t_2 - t_1 = \frac{d_2}{v_\delta} - \frac{d_1}{v_\delta} = \frac{d_2 - d_1}{v_\delta} \quad \text{ή} \quad v_\delta \cdot \Delta t = d_2 - d_1 \quad \text{ή} \quad d_2 = d_1 + v_\delta \cdot \Delta t \quad \text{ή}$$

$$d_2 = 2 \cdot \lambda + \frac{\lambda}{T} \cdot 3,25 \cdot T \quad \text{ή} \quad d_2 = 5,25 \cdot \lambda$$

Η εξίσωση του πλάτους της ταλάντωσης του σημείου M μετά τη συμβολή είναι:

$$|A'_M| = \left| 2A \cdot \text{συν} \left[\frac{\pi}{\lambda} \cdot (d_1 - d_2) \right] \right| \quad \text{ή}$$

$$|A'_M| = 2A \cdot \left| \text{συν} \left[\frac{\pi}{\lambda} \cdot (2 \cdot \lambda - 5,25 \cdot \lambda) \right] \right|$$

$$|A'_M| = 2A \cdot \left| \text{συν} \left[\frac{\pi}{\lambda} \cdot (-3,25 \cdot \lambda) \right] \right| \quad \text{ή} \quad |A'_M| = 2A \cdot \left| \text{συν}(-3,25 \cdot \pi) \right|$$

$$|A'_M| = 2A \cdot \left| \text{συν} \left(3\pi + \frac{\pi}{4} \right) \right| \quad \text{ή} \quad |A'_M| = 2A \cdot \left| \text{συν} \frac{\pi}{4} \right| \quad \text{ή}$$

$$|A'_M| = 2A \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \quad \text{ή} \quad |A'_M| = A \cdot \sqrt{2}$$

$$\text{Επομένως } v_{M(\max)} = \omega \cdot |A'_M| \quad \text{ή} \quad v_{M(\max)} = \omega \cdot A \cdot \sqrt{2}$$

ΘΕΜΑ Γ

Γ1. Από την εξίσωση $y_M = 0,3 \eta \mu 2\pi(\alpha t - \beta)$ (S.I.) προκύπτει: $A = 0,3\text{m}$

Όταν στο μέσο διαδίδονται και τα δυο κύματα, δημιουργείται στάσιμο κύμα. Από την εξίσωση $v_M = 1,2\pi \cdot \text{συν} 4\pi t$ (S.I.), προκύπτει $\omega = 4\pi \text{ rad/s}$.

Η συχνότητα ταλάντωσης των σημείων του ελαστικού μέσου είναι ίδια, είτε διαδίδεται το ένα, είτε και τα δυο κύματα, οπότε:

$$\omega = 2\pi f \quad \text{ή} \quad f = \frac{\omega}{2\pi} \quad \text{ή} \quad f = \frac{4\pi}{2\pi} \quad \text{ή} \quad \underline{f = 2\text{Hz}}$$

$$\text{Ισχύει επίσης: } v_\delta = \lambda f \quad \text{ή} \quad \lambda = \frac{v_\delta}{f} \quad \text{ή} \quad \lambda = \frac{1,2}{2} \quad \text{ή} \quad \underline{\lambda = 0,6\text{m}}$$

όπου v_δ η ταχύτητα διάδοσης των κυμάτων.

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016
Α' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

Επομένως οι εξισώσεις των δυο τρεχόντων κυμάτων είναι:

$$y_1 = 0,3\eta\mu 2\pi \left(2t - \frac{x}{0,6} \right) \quad \text{ή} \quad y_1 = 0,3\eta\mu 2\pi \left(2t - \frac{5x}{3} \right) \text{(S.I.)}$$

$$y_2 = 0,3\eta\mu 2\pi \left(2t + \frac{x}{0,6} \right) \quad \text{ή} \quad y_2 = 0,3\eta\mu 2\pi \left(2t + \frac{5x}{3} \right) \text{(S.I.)}$$

Η εξίσωση ταλάντωσης των σημείων του ελαστικού μέσου κατά την ταυτόχρονη διάδοση και των δυο κυμάτων, ή αλλιώς η εξίσωση του στάσιμου κύματος θα είναι:

$$y = 2A \cdot \sigma\upsilon\nu \frac{2\pi x}{\lambda} \cdot \eta\mu \frac{2\pi t}{T} \quad \text{ή} \quad y = 2A \cdot \sigma\upsilon\nu \frac{2\pi x}{\lambda} \cdot \eta\mu\omega t \quad \text{ή}$$

$$y = 0,6 \cdot \sigma\upsilon\nu \frac{2\pi x}{0,6} \cdot \eta\mu 4\pi t$$

$$y = 0,6 \cdot \sigma\upsilon\nu \frac{10\pi x}{3} \cdot \eta\mu 4\pi t \text{(S.I.)}$$

Γ2. Όταν στο ελαστικό μέσο αποκατασταθεί στάσιμο κύμα, η εξίσωση ταλάντωσης κάθε σημείου έχει τη μορφή:

$$y = 2A \cdot \sigma\upsilon\nu \frac{2\pi x}{\lambda} \cdot \eta\mu \frac{2\pi t}{T} \quad \text{ή} \quad \text{οποία,} \quad \text{θέτοντας } A' = 2A \cdot \sigma\upsilon\nu \frac{2\pi x}{\lambda},$$

$$\text{γράφεται: } y = A' \cdot \eta\mu \frac{2\pi t}{T}$$

$$\text{αν } A' > 0: \quad y = |A'| \cdot \eta\mu \frac{2\pi t}{T}$$

$$\text{αν } A' < 0: \quad y = -|A'| \cdot \eta\mu \frac{2\pi t}{T} \quad \text{ή} \quad y = |A'| \cdot \eta\mu \left(\frac{2\pi t}{T} + \pi \right)$$

Η ταχύτητα ταλάντωσης του κάθε σημείου θα περιγράφεται από την εξίσωση:

$$v = \omega |A'| \cdot \sigma\upsilon\nu \frac{2\pi t}{T} \quad \text{όταν } A' > 0, \quad \text{ή}$$

$$v = \omega |A'| \cdot \sigma\upsilon\nu \left(\frac{2\pi t}{T} + \pi \right) \quad \text{όταν } A' < 0$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016
Α' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

Συγκρίνοντας την εξίσωση $y_M = 1,2\pi \cdot \text{συν}4\pi t$ (S.I.) που μας δόθηκε, με τις παραπάνω προκύπτει πως:

- $A'_M > 0$ &
- $\omega A'_M = 1,2\pi$ ή $4\pi A'_M = 1,2\pi$ ή $A'_M = 0,3\text{m}$ (δηλ. $A'_M = A$)

Όμως:

$$A'_M = 2A \cdot \text{συν} \frac{2\pi x_M}{\lambda} \quad \text{ή} \quad A = 2A \cdot \text{συν} \frac{2\pi x_M}{\lambda} \quad \text{ή} \quad \text{συν} \frac{2\pi x_M}{\lambda} = \frac{1}{2} \quad \text{ή}$$

$$\text{συν} \frac{2\pi x_M}{\lambda} = \text{συν} \frac{\pi}{3}$$

οπότε: $\frac{2\pi x_M}{\lambda} = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3}$ ή $x_M = k\lambda \pm \frac{\lambda}{6}$ ($k \in \mathbb{Z}$) (1)

Γνωρίζουμε επίσης πως:

- $x_M > 0$ (αφού βρίσκεται στον θετικό ημιάξονα),
- μεταξύ της αρχής του άξονα O (που θα είναι κοιλία) και του M υπάρχουν **δύο δεσμοί και μια κοιλία**. Δεδομένου πως η απόσταση κοιλίας δεσμού είναι $\lambda/4$ και η απόσταση μεταξύ δυο διαδοχικών δεσμών είναι $\lambda/2$, θα πρέπει:

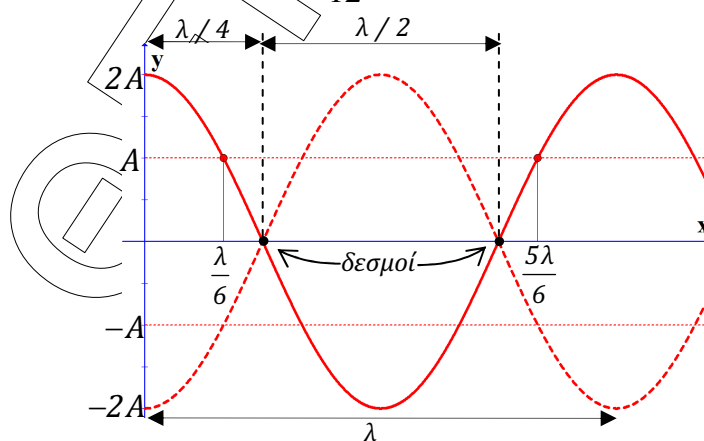
$$x_M > \frac{\lambda}{4} + \frac{\lambda}{2} \quad \text{ή} \quad x_M > \frac{3\lambda}{4} \quad \text{ή} \quad x_M > \frac{9\lambda}{12}$$

και

$$x_M < \lambda \quad (\text{αφού στη θέση } x=\lambda \text{ έχουμε τη 2}^{\text{η}} \text{ κοιλία μεταξύ O και M}).$$

Επομένως πρέπει:

$$\frac{9\lambda}{12} < x_M < \lambda$$



Θέτοντας στην εξίσωση (1) $k=0$, παίρνουμε:

$$x_M = -\frac{\lambda}{6} \text{ (απορ.)} \quad \text{ή} \quad x_M = \frac{\lambda}{6} = \frac{2\lambda}{12} \text{ (απορ. αφού είναι } < \frac{3\lambda}{4} = \frac{9\lambda}{12} \text{)}$$

Θέτοντας στην εξίσωση (1) $k=1$, παίρνουμε:

$$x_M = \lambda + \frac{\lambda}{6} \text{ (απορ.)} \quad \text{ή} \quad x_M = \frac{5\lambda}{6} \text{ (= } \frac{10\lambda}{12} \text{, δεκτή)}$$

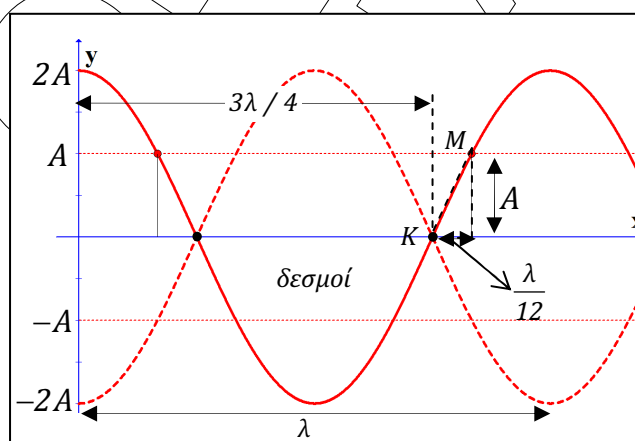
$$\text{Άρα: } x_M = \frac{5 \cdot 0,6}{6} \Rightarrow x_M = 0,5 \text{ m}$$

Γ3. Ο πλησιέστερος στο M δεσμός είναι αυτός που βρίσκεται στη θέση $x=3\lambda/4$. Τον ονομάζουμε K.

Το M βρίσκεται στην ελάχιστη απόστασή του από τον δεσμό K, τη στιγμή που και όλα τα σημεία διέρχονται από τη θέση ισορροπίας. Συνεπώς η ελάχιστη απόσταση είναι:

$$(KM)_{\min} = x_M - x_K = \frac{5\lambda}{6} - \frac{3\lambda}{4} = \frac{10\lambda}{12} - \frac{9\lambda}{12} \quad \text{ή} \quad (KM)_{\min} = \frac{\lambda}{12} = \frac{0,6}{12} \quad \text{ή}$$

$$(KM)_{\min} = 0,05 \text{ m}$$



Με βάση το παραπάνω σχήμα προκύπτει:

$$(KM)_{\max} = \sqrt{A^2 + \left(\frac{\lambda}{12}\right)^2} \quad \text{ή}$$

$$(KM)_{\max} = \sqrt{0,3^2 + 0,05^2} = \sqrt{(30 \cdot 10^{-2})^2 + (5 \cdot 10^{-2})^2} \quad \text{ή}$$

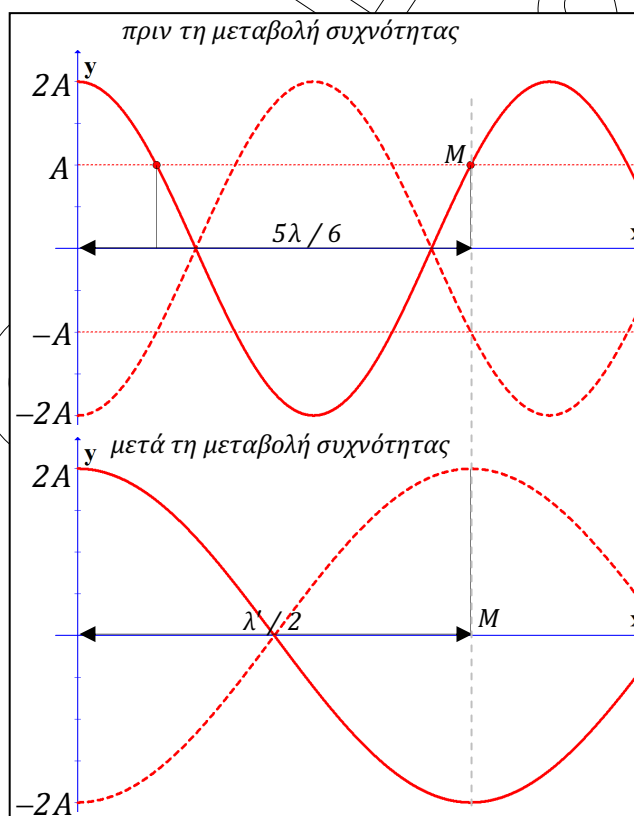
$$(KM)_{\max} = \sqrt{925 \cdot 10^{-4}} = 30,4 \cdot 10^{-2} \quad \text{ή} \quad (KM)_{\max} = 0,304 \text{ m}$$

Γ4. Όταν η συχνότητα των κυμάτων μεταβληθεί, το Μ θα είναι η 1^η κοιλία στον θετικό ημιάξονα Οx, μετά την κοιλία στο σημείο Ο. Με τη μεταβολή της συχνότητας δεν μεταβάλλεται η ταχύτητα διάδοσης των κυμάτων, που εξαρτάται μόνο από το μέσο διάδοσης. Συνεπώς (βλέπε σχήμα παρακάτω) ισχύει:

$$\frac{5 \cdot \lambda}{6} = \frac{\lambda'}{2} \quad \text{ή} \quad \frac{5 v_{\kappa}}{6 f} = \frac{1 v_{\kappa}}{2 f'} \quad \text{ή} \quad f' = \frac{3}{5} f \quad \text{ή} \quad f' = 0,6f$$

Συνεπώς το ποσοστό μεταβολής της συχνότητας είναι:

$$\Pi_f = \frac{f' - f}{f} 100\% \quad \text{ή} \quad \Pi_f = \frac{0,6f - f}{f} 100\% \quad \text{ή} \quad \Pi_f = -40\%$$



Ο ζητούμενος λόγος θα είναι:

$$\frac{E_M}{E'_M} = \frac{\frac{1}{2} m \omega^2 A_M^2}{\frac{1}{2} m \omega'^2 A_M'^2} \quad \text{ή} \quad \frac{E_M}{E'_M} = \frac{4\pi^2 f^2 A_M^2}{4\pi^2 f'^2 A_M'^2} \quad \text{ή} \quad \frac{E_M}{E'_M} = \left(\frac{f}{f'}\right)^2 \left(\frac{A_M}{A_M'}\right)^2 \quad \text{ή}$$

$$\frac{E_M}{E'_M} = \left(\frac{f}{0,6f}\right)^2 \left(\frac{A}{2A}\right)^2 \quad \text{ή}$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016
Α΄ ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

$$\frac{E_M}{E'_M} = \frac{1}{0,36 \cdot 4} \quad \text{ή} \quad \frac{E_M}{E'_M} = \frac{100}{36 \cdot 4} \quad \text{ή}$$

$$\boxed{\frac{E_M}{E'_M} = \frac{25}{36}}$$

ΘΕΜΑ Δ

Δ1. Στη διάρκεια της ταλάντωσης το σώμα διέρχεται από τη Θ.Ι. κάθε μισή περίοδο άρα με βάση τα δεδομένα, θα είναι $\frac{T}{2} = 0,25\text{s}$ ή $T = 0,5\text{s}$.

Η κυκλική συχνότητα της ταλάντωσης θα είναι:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{0,5} \quad \text{ή} \quad \omega = 4\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

Η απόσταση d , μεταξύ των ακραίων θέσεων της ταλάντωσης ισούται με $2A$ και έτσι:

$$d = 2A \quad \text{ή} \quad A = \frac{d}{2} \quad \text{ή} \quad A = \frac{0,8}{2} \quad \text{ή} \quad A = 0,4 \text{ m}$$

Γνωρίζουμε ότι την $t=0$: $x = 0,2\sqrt{3} \text{ m}$ και αφού επιταχύνεται θα κινείται προς τη Θ.Ι. οπότε $v < 0$

Γενικά: $x = A \cdot \eta\mu(\omega t + \varphi_0) \xrightarrow[t=0]{x=0,2\sqrt{3}\text{m}} 0,2\sqrt{3} = 0,4 \cdot \eta\mu\varphi_0 \quad \text{ή}$

$$\eta\mu\varphi_0 = \frac{\sqrt{3}}{2} \quad \text{ή} \quad \eta\mu\varphi_0 = \eta\mu\frac{\pi}{3}, \quad \text{άρα:}$$

$$\varphi_0 = 2k\pi + \frac{\pi}{3} \quad \text{ή} \quad \varphi_0 = 2k\pi + \pi - \frac{\pi}{3} = 2k\pi + \frac{2\pi}{3} \quad k \in \mathbb{Z}$$

Δεχόμαστε: $0 \leq \varphi_0 < 2\pi$. Θέτοντας $k=0$ παίρνουμε:

$$\varphi_0 = \frac{\pi}{3} \text{ rad} \quad \text{ή} \quad \varphi_0 = \frac{2\pi}{3} \text{ rad}$$

ενώ κάθε άλλη τιμή του k , δίνει φ_0 εκτός της δεκτής περιοχής τιμών.

Γνωρίζουμε επίσης ότι για $t=0$:

$$v < 0 \quad \text{ή} \quad v_{\max} \cdot \sigma\upsilon\nu\varphi_0 < 0 \xrightarrow{v_{\max} > 0} \sigma\upsilon\nu\varphi_0 < 0$$

$$\text{Άρα: } \varphi_0 = \frac{2\pi}{3} \text{ rad}$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016
Α' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

Τελικά η ζητούμενη εξίσωση είναι:

$$x = 0,4 \cdot \eta\mu \left(4\pi t + \frac{2\pi}{3} \right) \text{ (S.I.)}$$

Δ2. Γνωρίζοντας την αλγεβρική τιμή της δύναμης επαναφοράς, υπολογίζουμε την απομάκρυνση από τη θέση ισορροπίας:

$$\Sigma F = -Dx \xrightarrow{D=k} \Sigma F = -kx \quad \text{ή στη θέση που μας ενδιαφέρει:}$$

$$x_1 = -\frac{\Sigma F}{k} = -\frac{(-51,2)}{160} \quad \text{ή} \quad x_1 = 0,32 \text{ m}$$

Επειδή όμως η ενέργεια της ταλάντωσης παραμένει σταθερή, η ενέργεια ταλάντωσης στη θέση που μας ενδιαφέρει (x_1) θα είναι ίση με την ενέργεια της ταλάντωσης στη θέση μέγιστης απομάκρυνσης (Θ.Μ.Α):

$$E_{(\Theta.M.A)} = E_{(x_1)} \quad \text{ή} \quad \frac{1}{2}DA^2 = \frac{1}{2}m\omega_1^2 + \frac{1}{2}Dx_1^2 \quad \text{ή} \quad m\omega^2 A^2 = m\omega_1^2 + m\omega^2 x_1^2$$

$$\omega_1^2 = \omega^2 A^2 - \omega^2 x_1^2 \quad \text{ή} \quad \omega_1^2 = \omega^2 (A^2 - x_1^2) \quad \text{ή} \quad \omega_1 = \pm \omega \sqrt{A^2 - x_1^2}$$

$$\omega_1 = \pm 4\pi \sqrt{0,4^2 - 0,32^2} = \pm 4\pi \sqrt{(40 \cdot 10^{-2})^2 - (32 \cdot 10^{-2})^2} \quad \text{ή}$$

$$\omega_1 = \pm 4\pi \sqrt{(1600 - 1024) \cdot 10^{-4}} \quad \text{ή}$$

$$\omega_1 = \pm 4\pi \sqrt{576 \cdot 10^{-4}} = \pm 4\pi 24 \cdot 10^{-2} = \pm 0,96\pi \frac{\text{m}}{\text{s}} \xrightarrow{x_1 > 0} \text{πλησιάζει τη Θ.Ι.}$$

$$\omega_1 = -0,96\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Δ3. Από τη σταθερά επαναφοράς της αρχικής ταλάντωσης του συστήματος m_1 - k , υπολογίζουμε την m_1 :

$$D = m_1 \cdot \omega^2 \xrightarrow{D=k} m_1 = \frac{k}{\omega^2} \quad \text{ή} \quad m_1 = \frac{160}{16\pi^2} \quad \text{ή} \quad m_1 = 1 \text{ kg}$$

Εφαρμόζουμε την Α.Δ.Ο στον άξονα $x'x$ για το σύστημα των Σ_1 - Σ_2 :

$\vec{P}_{o\lambda} = \vec{P}'_{o\lambda}$ ή $\vec{P}'_1 + \vec{P}'_2 = \vec{P}'_{12}$ και εφόσον το ποσοστό απώλειας μηχανικής ενέργειας κατά την κρούση είναι 100% το συσσωμάτωμα θα έχει μηδενική ταχύτητα αμέσως μετά την κρούση, οπότε:

$$\vec{P}'_1 + \vec{P}'_2 = \vec{0} \quad \text{ή} \quad \text{αλγεβρικά} \quad m_2 |v_2| - m_1 |v_1| = 0 \quad \text{ή} \quad m_2 |v_2| = m_1 |v_1| \quad \text{ή}$$

$$|v_2| = \frac{m_1 |v_1|}{m_2} \quad \text{ή} \quad |v_2| = \frac{0,96\pi}{0,6} = \frac{96\pi}{6 \cdot 10} = \frac{4 \cdot 24\pi}{6 \cdot 10} \quad \text{ή} \quad |v_2| = 1,6\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016
Α΄ ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

Δ4. Μετά την κρούση το σύστημα των δυο σωμάτων θα εκτελέσει φθίνουσα ταλάντωση γύρω από την ίδια θέση ισορροπίας (με αυτή της ταλάντωσης του m_1), με αρχικό πλάτος $A_0 = |x_1| = 0,32 \text{ m}$ (αφού το συσσωμάτωμα δεν έχει ταχύτητα αμέσως μετά την κρούση).

Η περίοδος της φθίνουσας ταλάντωσης θα ισούται με την περίοδο της απλής αρμονικής ταλάντωσης του συστήματος των δυο σωμάτων, απουσία αποσβέσεων, δηλ:

$$T = T_0 = 2\pi\sqrt{\frac{m_1 + m_2}{k}} \quad \text{ή} \quad T = 2\pi\sqrt{\frac{1+0,6}{160}} \quad \text{ή} \quad T = 2\pi\sqrt{\frac{1}{100}} \quad \text{ή}$$

$$T = \frac{\pi}{5} \text{ s}$$

Εφόσον η δύναμη απόσβεσης λόγω αέρα είναι της μορφής $F' = -bv$, το πλάτος της ταλάντωσης θα μειώνεται εκθετικά με το χρόνο και συνεπώς:

$$A_{10} = A_0 e^{-\Lambda t} \xrightarrow{t=10T} A_{10} = \frac{A_0}{e^{\frac{\ln 2 \cdot 10 \cdot \pi}{5}}} \quad \text{ή} \quad A_{10} = \frac{A_0}{e^{2 \cdot \ln 2}} \quad \text{ή} \quad A_{10} = \frac{A_0}{e^{\ln 2^2}} \quad \text{ή}$$

$$A_{10} = \frac{A_0}{2^2} \quad \text{ή} \quad A_{10} = \frac{0,32}{4} \quad \text{ή} \quad A_{10} = 0,08 \text{ m}$$